

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
TP.ĐÀ NẴNG

KỶ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT

Năm học : 2015 – 2016

MÔN:TOÁN

Thời gian làm bài: 120 phút

Bài 1: (1,5 điểm)

- Đưa thừa số ra ngoài dấu căn của biểu thức $\sqrt{28a^4}$
- Tính giá trị của biểu thức : $A = \left(\frac{\sqrt{21} - \sqrt{7}}{\sqrt{3} - 1} + \frac{\sqrt{10} - \sqrt{5}}{\sqrt{2} - 1} \right) : \frac{1}{\sqrt{7} - \sqrt{5}}$

Bài 2: (1,0 điểm) Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} \frac{3}{2x} - y = 6 \\ \frac{1}{x} + 2y = -4 \end{cases}$$

Bài 3: (2,0 điểm) Cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị (P)

1) Vẽ đồ thị (P)

2) Cho các hàm số $y = x + 2$ và $y = -x + m$ (với m là tham số) lần lượt có đồ thị là (d) và (dm). Tìm tất cả các giá trị của m để trên một mặt phẳng tọa độ các đồ thị của (P), (d) và (dm) cùng đi qua một điểm.

Bài 4: (2,0 điểm) Cho phương trình $x^2 - 2(m - 1)x - 2m = 0$, với m là tham số.

- Giải phương trình khi $m = 1$.
- Chứng minh rằng phương trình luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m . Gọi x_1 và x_2 là hai nghiệm của phương trình, tìm tất cả các giá trị của m sao cho $x_1^2 + x_1 - x_2^2 = 5 - 2m$

Bài 5: (3,5 điểm)

Từ một điểm A nằm bên ngoài đường tròn (O) kẻ các tiếp tuyến AB, AC với đường tròn (B, C là các tiếp điểm)

- Chứng minh rằng ABOC là tứ giác nội tiếp.
- Cho bán kính đường tròn (O) bằng 3cm, độ dài đoạn thẳng OA bằng 5cm. Tính độ dài đoạn thẳng BC.
- Gọi (K) là đường tròn qua A và tiếp xúc với đường thẳng BC tại C. Đường tròn (K) và đường tròn (O) cắt nhau tại điểm thứ hai là M. Chứng minh rằng đường thẳng BM đi qua trung điểm của đoạn thẳng AC.

-----HẾT-----

Họ và tên thí sinh :Số báo danh :Phòng thi:.....

ĐÁP ÁN ĐỀ THI VÀO ĐÀ NẰNG NĂM 5 – 2016

Bài 1:

$$1) \sqrt{28a^4} = \sqrt{7 \cdot 4 \cdot (a^2)^2} = 2\sqrt{7} |a^2| = 2\sqrt{7}a^2 \text{ (vì } a^2 \geq 0 \text{ với mọi } a)$$

2)

$$A = \left[\frac{\sqrt{7}(\sqrt{3}-1)}{\sqrt{3}-1} + \frac{\sqrt{5}(\sqrt{2}-1)}{\sqrt{2}-1} \right] (\sqrt{7}-\sqrt{5})$$

$$A = (\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5}) = 7 - 5 = 2$$

Vậy A = 2

Bài 2: - **ĐK** : $x \neq 0$. Ta có :

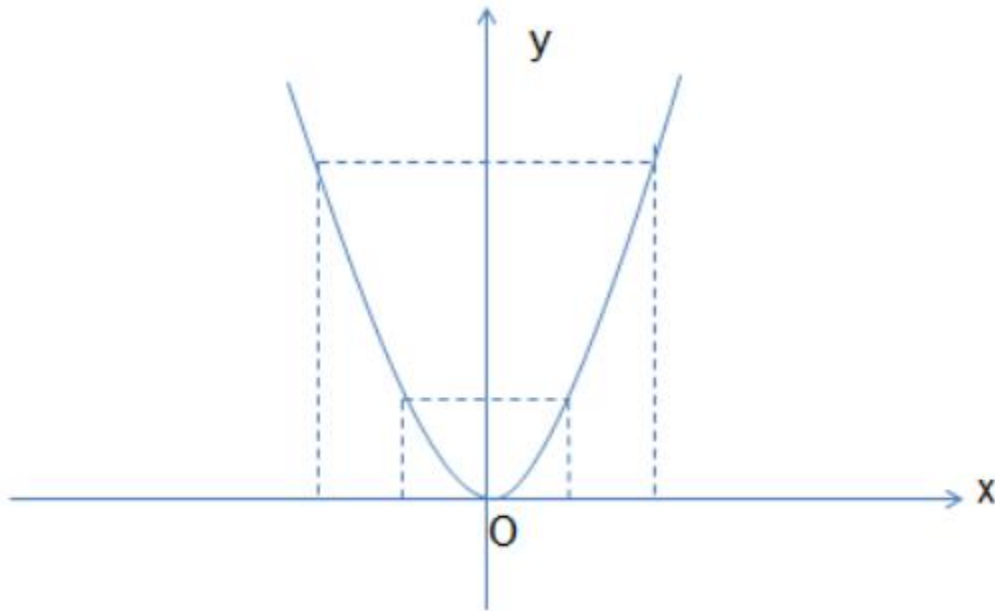
$$\begin{cases} \frac{3}{2x} - y = 6 \\ \frac{1}{x} + 2y = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 - 3xy = 12x \\ 1 + 2xy = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 8x = 4 \\ 1 + 2xy = -4 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \neq 0(TM) \\ 1 + 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot y = -4 \cdot \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ 1 + y = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ y = -3 \end{cases}$$

Vậy hệ có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ y = -3 \end{cases}$

Bài 3 : 1) Lập bảng giá trị và vẽ đồ thị: $y = x^2$

| | | | |
|---|---|---|---|
| x | 0 | 1 | 2 |
| y | 0 | 1 | 4 |



2) Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d) : $x^2 = x + 2 \Leftrightarrow x^2 - x - 2 = 0(*)$

Phương trình (*) có dạng : $ax^2 + bx + c = 0$ nên có 2 nghiệm :
$$\begin{cases} x_1 = -1 \\ x_2 = \frac{-c}{a} = 2 \end{cases}$$

Ta có (d) cắt (P) tại hai điểm A(-1; 1) và B(2; 4).

Đề (P), (d) và (dm) cùng đi qua một điểm thì hoặc $A \in (dm)$ hoặc $B \in (dm)$.

+ Với $A(-1; 1) \in (dm)$, ta có : $1 = -(-1) + m \Leftrightarrow m = 0$

+ Với $B(2; 4) \in (dm)$, ta có : $4 = -2 + m \Leftrightarrow m = 6$

Vậy khi $m = 0$ hoặc $m = 6$ thì (P), (d) và (dm) cùng đi qua một điểm.

Bài 4 :

1) Thay $m = 1$ được phương trình : $x^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 2 \Leftrightarrow x = \pm \sqrt{2}$

Vậy khi $m = 1$, phương trình có hai nghiệm $x = \sqrt{2}$ và $x = -\sqrt{2}$

2) Có $\Delta = b^2 - 4ac = 4(m - 1)^2 + 8m = 4(m^2 - 2m + 1) + 8m = 4m^2 + 4 > 0$ với mọi m nên phương trình đã cho luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi m .

Theo Vi-et ta có :
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = 2m - 2(1) \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = -2m(2) \end{cases}$$

Theo bài ta có $x_1^2 + x_1 - x_2 = 5 - 2m(3)$.

Từ (1) và (3) ta có hệ (I) :

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m - 2 \\ x_1^2 + x_1 - x_2 = 5 - 2m \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_2 = 2m - 2 - x_1 \\ x_1^2 + x_1 - (2m - 2 - x_1) = 5 - 2m \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_2 = 2m - 2 - x_1 \\ x_1^2 + 2x_1 = 3 \end{cases}$$

Từ hệ (I) có PT : $x_1^2 + 2x_1 - 3 = 0 \Rightarrow x_1 = 1$ và $x_1 = -3$

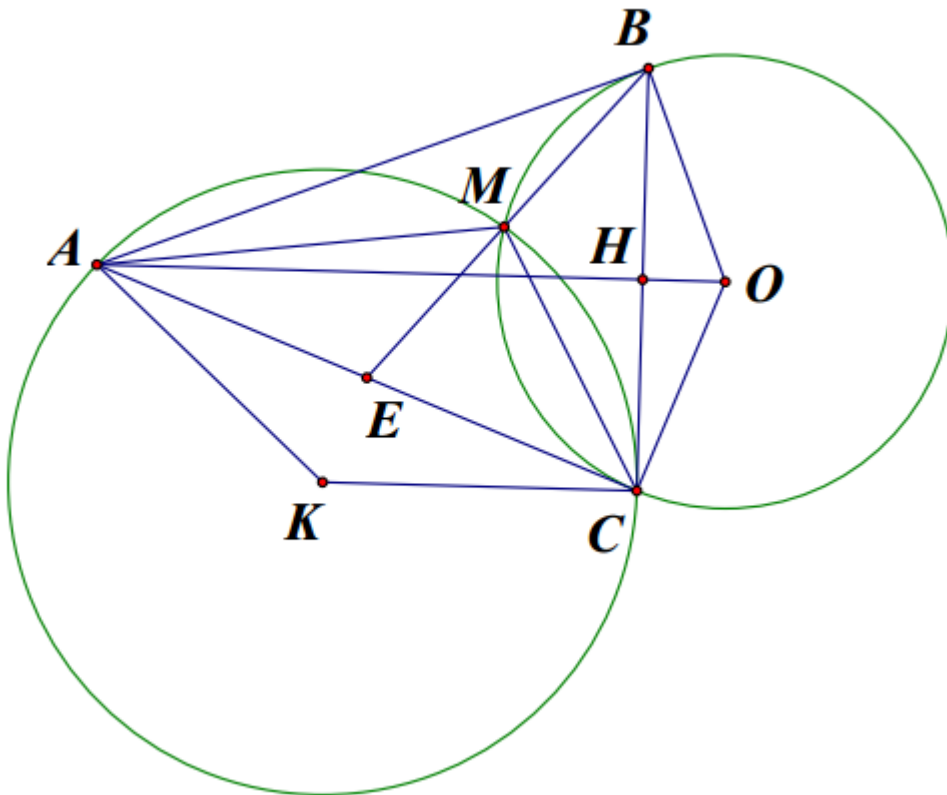
+ Với $x = x_1 = 1$, $x_2 = 2m - 2 - x_1 = 2m - 2 - 1 = 2m - 3$.

Thay vào (2) ta được: $1. (2m - 3) = -2m \Leftrightarrow 4m = 3 \Rightarrow m = \frac{3}{4}$

+ Với $x = x_1 = -3$, tương tự như trên ta có $m = -\frac{3}{4}$

Vậy khi $m = \pm \frac{3}{4}$ thì PT có 2 nghiệm x_1, x_2 thỏa : $x_1^2 + x_1 - x_2 = 5 - 2m$

Bài 5 : Hình vẽ



a) - Có $AB \perp OB$ (t/c tiếp tuyến) $\Rightarrow \angle ABO = 90^\circ$

- Có $AC \perp OC$ (t/c tiếp tuyến) $\Rightarrow \angle ACO = 90^\circ$

- Xét tứ giác $ABOC$ có $\angle ABO + \angle ACO = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ nên nội tiếp được trong đường tròn.

b) - AB và AC là hai tiếp tuyến của đường tròn (O) nên AO là đường trung trực của BC. Gọi H là giao điểm của AO và BC, ta có $BC = 2BH$.

- ΔABO vuông tại B có BH là đường cao nên $OB^2 = OH \cdot AO$

$$\Rightarrow OH = \frac{OB^2}{AO} = \frac{9}{5} \text{ cm}$$

- ΔOBH vuông tại H $\Rightarrow BH^2 = OB^2 - OH^2 \Rightarrow BH = \frac{12}{5} \text{ cm}$

$$\text{Vậy } BC = 2BH = \frac{24}{5} \text{ cm}$$

c)- Gọi E là giao điểm của BM và AC.

- ΔEMC và ΔECB có $\angle MEC = \angle CEB$ và $\angle MCE = \angle ECB$ (Góc nt và góc tạo bởi tia tiếp tuyến CA cùng chắn cung MC của đường tròn (O))

$$\Rightarrow \Delta EMC \sim \Delta ECB \text{ (g-g)} \Rightarrow EC^2 = EM \cdot EB \text{ (*)}$$

- ΔEMA và ΔEAB có $\angle MEA = \angle AEB$ (a) và :

+ Có $\angle MAE = \angle MCB$ (3) (Góc nt và góc tạo bởi tia tiếp tuyến CB cùng chắn cung MC của đường tròn (K))

+ Có $\angle MCB = \angle ABE$ (4) (Góc nt và góc tạo bởi tia tiếp tuyến BA cùng chắn cung MB của đường tròn (O))

+ Từ (3) và (4) $\Rightarrow \angle MAE = \angle ABE$ (b)

- Từ (a) và (b) $\Rightarrow \Delta EMA \sim \Delta EAB$ (g-g) $\Rightarrow EA^2 = EM \cdot EB$ (**)

- Từ (*) và (**) $\Rightarrow EC^2 = EA^2 \Rightarrow EC = EA$. Vậy BM đi qua trung điểm E của AC.